

3. 疾病分類に誤分類があるコホート研究からのリスク比の推定

1. はじめに

コホート研究において、疾病分類に誤分類が生じることにより、調査から得られるリスク比にはバイアスをはたらく。誤分類確率の値が事前に与えられている場合には、その値を用いて誤分類によるバイアスを除去した、真のリスク比を推定することが可能である。しかし、疫学研究では誤分類確率の値がわからないか、不正確な推定値しか得られない場合が多い。そのような場合の方法として、複数回調査での疾病分類パターンから、真のリスク比、有病割合および誤分類確率を推定する方法を示す。

2. 誤分類によるリスク比のバイアス

非曝露群と曝露群に nondifferential な誤分類が生じている場合、調査から得られるリスク比 R_m はバイアスのある推定値である。 R_m は非曝露群の真の有病割合 p 、曝露による疾病発生のリスク比 R 、および誤分類確率 U (sensitivity), V (specificity) を用いて

$$R_m = \frac{RpU + (1-Rp)(1-V)}{pU + (1-p)(1-V)}$$

と表せる。

図1に $p=0.1$, $R=5$ のときの、 U , V の値と R_m にはたらくバイアスを示す。 V が下がるにつれて、nondifferential な誤分類の影響により R_m には負の向きにバイアスをはたらく。例えば、 $U=0.7$, $V=0.9$ のとき $R_m=2.5$ となり、50%のバイアスをはたらく。

3. 繰り返し調査からのリスク比と誤分類確率の推定

同一対象者に2回の繰り返し調査を行った場合の、非曝露群と曝露群の疾病分類パターンの分布を表1に示す。それぞれの疾病分類パターンが観察された人数を非曝露群 (N_{00} , N_{01} , N_{02}), 曝露群 (N_{10} , N_{11} , N_{12}) とすると、これらはそれぞれ多項分布に従い、尤度関数 $L(p, U, V, R)$ は

$$L(p, U, V, R) = \frac{N_0!N_1!}{N_{00}!N_{01}!N_{02}!N_{10}!N_{11}!N_{12}!} \times \pi_{00}^{N_{00}} \pi_{01}^{N_{01}} \pi_{02}^{N_{02}} \pi_{10}^{N_{10}} \pi_{11}^{N_{11}} \pi_{12}^{N_{12}},$$

となる。最尤推定値 \hat{p} , \hat{R} , \hat{U} , \hat{V} は対数尤度を最大にする値として求まる。

4. 数値的検討

表2の仮想的な2回の繰り返し調査の結果について最尤推定を行い、みかけのリスク比にはたらくバイアスを検討する。

各回調査でのみかけのリスク比は1.58であるのに対し、最尤推定の結果得られる R の推定値は2.0であり、みかけのリスク比には負の向きに21%のバイアスをはたらいていたことになる。

5. 考察

本研究では、2回の調査の間で個人の疾病状況が変化しない場合について考えた。1回目の調査と2回目の調査の follow-up の間で新たな疾病が発生する場合についても、ここで示した推定方法は拡張が可能である。

[本研究は、第3回日本疫学会（平成5年1月22日、宇都宮市）において発表した。]

表1. 2回の調査での疾病分類パターンの分布

疾病分類パターン		確率	
1回目	2回目		
非曝露群	+	+	$\pi_{00}; pU^2 + (1-p)(1-V)^2$
	-	+	$\pi_{01}; 2pU(1-U) + 2(1-p)V(1-V)$
	+	-	
	-	-	$\pi_{02}; p(1-U)^2 + (1-p)V^2$
曝露群	+	+	$\pi_{10}; RpU^2 + (1-Rp)(1-V)^2$
	-	+	$\pi_{11}; 2RpU(1-U) + 2(1-Rp)V(1-V)$
	+	-	
	-	-	$\pi_{12}; Rp(1-U)^2 + (1-Rp)V^2$

表2. 仮想的な2回の疾病状況調査の結果

	疾病分類パターン		観察人数
	1回目	2回目	
非曝露群	+	+	136
	-	+	104
	+	-	104
	-	-	656
曝露群	+	+	262
	-	+	118
	+	-	118
	-	-	502

$\hat{p}=0.20$ (SE=0.026), $\hat{U}=0.80$ (SE=0.033),
 $\hat{V}=0.90$ (SE=0.014), $\hat{R}=2.0$ (SE=0.15).

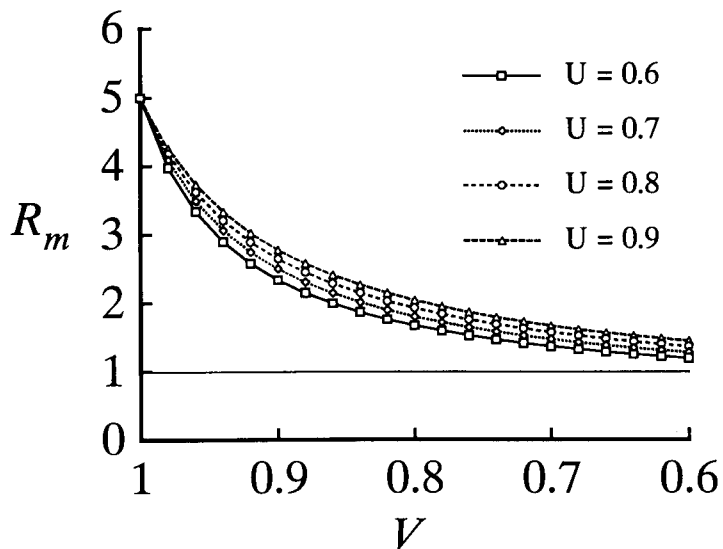


図1. 誤分類確率とみかけのリスク比にはたらくバイアス
 ($p=0.1, R=5$)